

1. Hallar el flujo del campo  $\vec{F}(x, y, z) = (x, e^{x^4} + xz, x + \operatorname{sen}(y^3))$  a través de la porción superficie  $x = 16 - y^2 - z^2$  con  $y^2 + z^2 \leq 9$ . Indicar en un gráfico el sentido de la normal utilizada.
2. Sea la ecuación diferencial  $y'x - y = -x^2$ .
  - a) Encontrar la solución particular que pasa por  $(-2, 4)$  y graficarla.
  - b) Hallar la circulación del campo  $\vec{F}(x, y) = (g(x) + 2y, g(y) + 4x)$  a lo largo de  $C$ , siendo  $C$  la curva borde de la región limitada por la curva hallada en el ítem anterior y la recta  $y = x + 4$ ;  $g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  es una función con primera derivada continua. Indicar en un gráfico la orientación usada para  $C$ .
3. Dado el campo  $\vec{F}$  con matriz jacobiana  $D\vec{F}(x, y, z) = \begin{pmatrix} 2yz & x & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 2y & z^2 \end{pmatrix}$ , calcular la circulación de  $\vec{F}$  a lo largo de la curva intersección del plano  $x + y + z = 2$  con los planos coordenados; indicar en un gráfico la orientación elegida para la curva.
4. Sean la curva  $C = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : y = x^2, -2x + z = 3, -1 \leq x \leq 1\}$  y  $f : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}$  definida por  $f(x, y, z) = 12x - yz$ . Hallar los extremos absolutos de  $f$  restringidos a  $C$ .
5. Sea  $\Sigma = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 : z = \sqrt{x^2 + y^2}, \frac{1}{\sqrt{3}}x \leq y \leq x, 2 \leq z \leq 5\}$ , hallar el área de  $\Sigma$ .